

$$A(x, x) = z_1^2 + z_2^2 - \frac{1}{4}x_2^2 - \frac{1}{4}x_3^2 - \frac{1}{2}x_2x_3 =$$

$$= z_1^2 + z_2^2 - \underbrace{\left(\frac{1}{4}x_2^2 + \frac{1}{2}x_2x_3 + \frac{1}{4}x_3^2\right)}_{z_3^2} =$$

$$= z_1^2 + z_2^2 - z_3^2,$$

где $\begin{cases} z_1 = 2x_1 - x_2 + x_3 \\ z_2 = \frac{1}{2}x_2 - \frac{1}{2}x_3 \\ z_3 = \frac{1}{2}x_2 + \frac{1}{2}x_3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -x_3 = z_2 - z_3 \\ x_3 = z_3 - z_2 \end{cases}$

$$x_2 = z_2 + z_3$$

$$x_3 = z_3 - z_2 \quad \Rightarrow \quad x_2 - x_3 = z_2 - z_3 + z_3 + z_2 = 2z_2$$

$$x_2 = z_2 + z_3$$

$$x_1 = \frac{1}{2}z_1 + x_2 - x_3 = \frac{1}{2}z_1 + 2z_2.$$

Ответ: $A(\bar{x}, \bar{x}) = z_1^2 + z_2^2 - z_3^2,$

$$\begin{cases} x_1 = \frac{1}{2}z_1 + 2z_2, \\ x_2 = z_2 + z_3, \\ x_3 = -z_2 + z_3 \end{cases}$$

Найти ортогональное преобразование приводящее эту форму к каноническому виду и написать этот канонический вид.